

I – PRELIMINARES MATEMÁTICOS Y ANÁLISIS DE ERRORES

1. Error numérico total (*Seleccione la opción correcta*)
 - a) Suma de errores de truncamiento y de redondeo
 - b) Se producen cuando se omiten cifras significativas al representar un número
 - c) Se debe a que la computadora tan solo expresa cantidades con número finito de dígitos
 2. Errores computacionales (*Seleccione la opción correcta*)
 - a) Suma de errores de truncamiento y de redondeo
 - b) Se producen cuando se omiten cifras significativas al representar un número
 - c) Se debe a que la computadora tan solo expresa cantidades con número finito de dígitos
 3. Suponga que se tiene que medir la longitud de un puente y la de un tornillo y se obtiene 9999cm y 9cm, respectivamente. Si los valores son 1000cm y 10cm calcule en cada caso:
 - a) El error verdadero
 - b) El error relativo porcentual
- 3 Sea $P = 25.1567$ y $P^* = 2.6821 \times 10^1$ calcule
- a) Error Absoluto
 - b) Error Relativo

Por truncamiento y por redondeo con $k=3$

4. Sea $P = 1342.712 \times 10^2$ y $P^* = 0.1251617 \times 10^2$ calcule
 - c) Error Absoluto
 - d) Error Relativo

Por truncamiento y por redondeo con $k=3$

II – SOLUCIONES DE ECUACION DE UNA VARIABLE

1. Emplee el método de la bisección para determinar el coeficiente de arrastre c necesario para que un paracaidista de masa $m = 68.1\text{kg}$ tenga una velocidad de 40m/s después de una caída libre de $t=10\text{s}$, utilizando los valores iniciales de $X_i=12$ y $X_u=16$, hasta que el error porcentual sea menor al 5%

a) La aceleración de la gravedad es 9.8m/s^2

b) Utilice la formula $f(c) = \frac{gm}{xc} \left(1 - e^{-\frac{c}{m}t}\right) - v$ para determinar el coeficiente de arrastre del paracaidista.

2. Con el método de la posición falsa determine la raíz de la ecuación

a) $f(x) = \frac{667.38}{x} (1 - e^{-0.14684x}) - 40$

Utilizando los valores iniciales de $X_i=12$ y $X_u=16$ hasta que el error porcentual sea menor al 1%

3. Utilice el método de Newton – Raphson para calcular la raíz de

a) $f(x) = e^{-x} - x$

Empleando como valor inicial $X_0=0$, hasta que el error porcentual este por debajo de 1%

4. Con el método de la secante calcule la raíz de

a) $f(x) = e^{-x} - x$.

Comience con los valores iniciales $X_{-1}=0$ y $X_0=1$ hasta que el error porcentual este debajo de 1%

III – MÉTODO PARA LA SOLUCIÓN DE SISTEMAS LINEALES

1. Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones por el método de la inversa.

$$\begin{cases} 2x + y = 7 \\ -3x + 2y = 7 \end{cases}$$

2. Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones por el método de eliminación gaussiana

$$\begin{cases} 5x + 2y = 2 \\ 2x + y - z = 0 \\ 2x + 3y - z = 3 \end{cases}$$

3. Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones por el método de montante

$$\begin{cases} 4x + 3y + 2z = 5 \\ x - y + z = 3 \\ 2x + y + 2z = -2 \end{cases}$$

4. Resuelve el siguiente sistema de ecuaciones por el método Gauss Siedel con un error de 0.001

$$\begin{cases} 0.1x_1 + 7x_2 - 0.3x_3 = -19.30 \\ 3x_1 - 0.1x_2 - 0.2x_3 = 7.85 \\ 0.3x_1 - 0.2x_2 - 10x_3 = 71.40 \end{cases}$$

IV – INTERPOLACIÓN Y AJUSTES DE CURVA

1. Obtener el polinomio de interpolación usando la fórmula de interpolación de Newton en diferencias divididas con los datos de la tabla que aparece a continuación, e interpolar en el punto $x=-1$

X_k	2	0	-2
Y_k	15	-1	-17

2. Obtener el polinomio de interpolación usando la fórmula de interpolación de Newton en diferencias divididas con los datos de la tabla que aparece a continuación, e interpolar en el punto $x=-4$

X_k	7	-6
Y_k	30	-22

3. Obtener el polinomio de interpolación usando la fórmula de Newton en diferencias progresivas/regresivas y utilizando la tabla de valores que sigue. Interpolar en el punto $x = -19/6$

X_k	-4	-11/4
Y_k	-17	-43/4

V – INTEGRACIÓN NUMÉRICA

1. Aproxime el área bajo la curva de función dada por la siguiente tabla en un intervalo de 5 a 40 empleando el método de Simpson 1/3

0	5	20	40
56.5	113	181	214.5

2. Utilizar la regla del trapecio para obtener una aproximación de la siguiente integral definida

$$\int_{-1}^1 e^{x^4} dx$$

3. Calcular el valor de la siguiente integral usando el método de la cuadrática de gauss con 2 puntos

$$\int_{0.2}^{1.2} e^{x^2} dx$$

VI – PROBLEMAS DE VALOR INICIAL PARA ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS.

1. Emplea el método de Euler para resolver la siguiente ecuación diferencial

$$\frac{dy}{dx} = y - x$$

$$y(0) = \frac{1}{2}$$

Obtener aproximación para $y(1)$

2. De la ecuación diferencial ordinaria $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{x+y}$; $y(0) = 2$ utilizar el método Heun para Runge Kutta de segundo orden con un solo corrector para aproximar $y(0,2)$, $y(0,4)$, $y(0,6)$
3. Resolver el problema de valor inicial por el método de Runge Kutta de orden superior $z'' + 2z' + z = 2e^t$; $z(0) = 0$, $z'(0) = 1$, $h = 0.1$